

L'épreuve comporte deux exercices et un problème que le candidat traitera obligatoirement.

EXERCICE 1 : 4 points

Le plan complexe est muni d'un repère orthonormé direct $(O; \vec{u}; \vec{v})$.

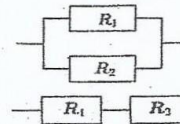
Soient A, B et C les points d'affixes respectives $z_A = i\sqrt{3} + 1$, $z_B = -i\sqrt{3} + 1$ et $z_C = -2$.

1. a) Montrer que : $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$. 1,5 pt
- b) Déterminer le module et un argument du nombre complexe $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C}$. 1 pt
3. Déterminer l'affixe du centre de gravité G du triangle ABC puis comparer G et O . 1,5 pt

EXERCICE 2 : 6 points

- I.1. Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système : $\begin{cases} x + y = 6 \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{4} \end{cases}$. 1,5 pt

2. Le montage en dérivation ci-contre a pour résistance $\frac{4}{3} \text{ K}\Omega$.



Le montage en série ci-contre a une résistance de $6 \text{ K}\Omega$.

Calculer les valeurs des résistances R_1 et R_2 . (on suppose que $R_1 < R_2$) 1,5 pt

NB : soit R_e la résistance équivalente des résistances R_1 et R_2 . Si R_1 et R_2 sont en parallèle, alors $\frac{1}{R_e} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$. Si R_1 et R_2 sont en série, alors $R_e = R_1 + R_2$.

II. On effectue des essais sur un échantillon de 150 ampoules électriques afin de tester leur durée de fonctionnement. Les résultats sont regroupés en classes et présentés dans le tableau ci-dessous :

Durée de vie (en heure)	[1100; 1200[[1200; 1300[[1300; 1400[[1400; 1500[[1500; 1600[
Nombres d'ampoules	25	20	55	30	20
Effectifs cumulés croissants		45			150
Centres de classes	1150		1350		1550

1. Recopier puis compléter le tableau ci-dessus. 1,25 pt
2. a) Déterminer la classe médiane de cette série statistique. 0,25 pt
- b) Déterminer le nombre d'ampoules dont la durée de vie est supérieure ou égale à 1300 heures. 0,5 pt
- c) Calculer la durée de vie moyenne des ampoules de cet échantillon. 1 pt

PROBLÈME : 10 points

Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$; unité graphique : 1cm pour 5 unités.

Soit g la fonction définie de \mathbb{R} vers \mathbb{R} par $g(x) = \frac{-x+18}{2x-1}$.

PARTIE A : 6 points

- 1.a) Montrer que l'ensemble de définition de g est $D =]-\infty; \frac{1}{2} [\cup] \frac{1}{2}; +\infty [$. **0,5 pt**
- b) Calculer les limites de g aux bornes de D . **1 pt**
- 2.a) Montrer que pour tout réel $x \neq \frac{1}{2}$, $g'(x) = -\frac{35}{(2x-1)^2}$; où g' désigne la dérivée première de g . **0,5 pt**
- b) Dresser le tableau de variation de g . **1,5 pt**
3. Montrer que pour tout x appartenant à D , $g(x) = \frac{17,5}{2x-1} - \frac{1}{2}$. **0,5 pt**
4. Montrer que le point $S(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2})$ est un centre de symétrie de (C_g) . **1 pt**
- 5-) Construire la courbe (C_g) dans le repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$. **1 pt**

PARTIE B : 4 points

Soit (U_n) la suite définie par : $U_0 = 0$ et $U_{n+1} = \frac{-U_n+18}{2U_n-1}$; On pose $V_n = \frac{U_n-3}{U_n+3}$ pour tout entier naturel n .

- 1-) Calculer V_0 et V_1 . **1 pt**
- 2-) Montrer que (V_n) est une suite géométrique de raison $(-\frac{7}{5})$. **1,5 pt**
- 3-) Exprimer V_n puis U_n en fonction de n . **1,5 pt**